

BAC Tle D  
SESSION JUIN 2005

EXERCICE 1

Le plan est reporté à un repère orthonormé à direct  $(O, u ; v)$ . L'unité est le centimètre. On donne le point A d'affixe  $i$  et l'ensemble  $(\dots)$  des points M du plan d'affixe Z vérifiant .....

1. -a) Démontrer qu'un point M appartient à  $(\dots)$  . Si son affixe  $z$  vérifie.....  
-b) En déduire la nature de  $(\dots)$
  
2. – On considère les points B et C d'affixes respectives.....et  $-4i$ . L'application S est la similitude directe qui applique A sur O et B sur C
  - a) Démontrer que :  $Z' = \dots$
  - b) Déterminer les éléments caractéristiques de S . On notera ..... son centre.
  
- 3- On désigne par  $(C)$  l'image de  $(\dots)$  par s
  - a) Déterminer la nature et les éléments géométrique de  $(C)$  .
  - b) Construire  $(C)$  et  $(\dots)$ .
  
- 4- Soit D le point tel que D.....
  - a) Construire les points D et .... Dans le même repère.
  - b) Démontrer que le triangle ..... est équilatéral
  
- 5- Soit r la rotation de centre .... Qui transforme C en D.
  - a) Déterminer l'écriture complexe r
  - b) Calculer l'affixe

Exercice 2

A – Soit f la fonction définie de .....

1. Calculer  $f(2)$  puis calculer  $\lim f(x)$  .
2. Démontrer que .....
3. a) Démontrer que.....  
b) Dresser le tableau de variation de f . B une urne contient un jeton marqué 1 , deux jetons marqués 2 et n jetons marqué 3 ; n étant un entier naturel supérieur ou égal à 2  
On note x la variable aléatoire égal à la somme des points marqués sur les deux jetons extraits de l'urne.
  - 1) a- Déterminer les valeurs prise par X.  
b- Exprimer en fonction de n la loi de probabilité de X
  - 2) Soit  $E(X)$  l'espérance mathématique de X

- a- Démontrer que : .....
- b- Déterminer  $n$  pour que  $E(x)$  soit égale à 5
- c- En déduire de la partie A que ..... Donner une interprétation de cet encadrement.

### PROBLEME

#### PARTIE A

Soit  $g$  la fonction dérivable sur..... et définie par  $g(x) = \dots\dots\dots$

- 1) a) Démontrer que .....
- b) Déterminer le signe de  $g'(x)$  suivant les valeurs de  $x$ .
- c) En déduire les variations de  $g$
  
- 2) a) Dresser le tableau de  $g$
- b) Démontrer que .....

#### PARTIE B

Soit  $f$  la fonction dérivable sur..... Et définie par  $f \dots\dots\dots$ . On note (C) la courbe représentant  $f$  dans le plan muni du repère orthonormé (O, I, J) d'unité 2cm

- 1 – a) Déterminer les limites de  $f$  en 0 et en .....
- b) En déduire que (C) admet une asymptote verticale.
  
- 2 – a) Démontrer que la droite (D) d'équation  $y = \dots\dots\dots$  Est une asymptote oblique à (C)
- b) Etudier la position de (D)
  
- 3 – a) Démontrer que.....
- b) En déduire les variations de  $f$ . (On pourra utiliser la question
- c) Dresser le tableau de variation de  $f$ .
  
- 4 – a) Démontrer que l'équation ..... ,  $f(x) = 0$  admet une solution unique  $a$
- b) Démontrer que  $1,15 \dots\dots\dots$
- c) Construire (D) et (C) dans le même repère (On prendra  $a = 1,2$ )
  
- 5 Soit .... Un réel strictement supérieur à 1 ;  $A(\dots)$  désigne l'aire de la partie du plan limitée par (D), (C) et les droites d'équations  $x = 1$  et  $x = \dots\dots$

- a) A l'aide d'une intégration par parties, calculer  $A(\dots)$
- b) Déterminer la limite de  $A(\dots)$  lorsque ..... tend vers .....